УДК 622.7

П.В. СЕРГЄЄВ, д-р техн. наук (Україна, Донецьк, Донецький національний технічний університет), В.С. БІЛЕЦЬКИЙ, д-р техн. наук (Україна, Полтава, Полтавський національний технічний університет імені Юрія Кондратюка)

ЗАСТОСУВАННЯ МЕТОДУ ПОВНОГО ФАКТОРНОГО ПЛАНУВАННЯ ЕКСПЕРИМЕНТУ ДЛЯ ДОСЛІДЖЕННЯ ІНТЕНСИВНОЇ ТЕХНОЛОГІЇ ЗНЕВОДНЕННЯ ВУГІЛЬНИХ ФЛОТОКОНЦЕНТРАТІВ ВАКУУМНИМ ФІЛЬТРУВАННЯМ

Постановка проблеми. Комп'ютерна система планування експерименту STATGRAPHICS Plus for Windows, істотно змінила практику моделювання технологічних процесів. Якщо раніше це вважалося сферою обмеженого кола кваліфікованих професіоналів в математичній статистиці, то сьогодні планування стало доступне широкому колу фахівців в інших галузях знань. Разом з тим, практика активного факторного планування процесів збагачення корисних копалин ще не настільки широка, як в інших галузях [1-8]. У нашій попередній роботі описано метод симплекс-гратчастого (центроїдного) планування експерименту і наведено приклад його використання для дослідження систем "складвластивість" у брикетуванні. Пропонована стаття стосується методики застосування повного факторного планування технологічних процесів на основі центрально-композиційних ротатабельних планів.

Мета статті – на прикладі дослідження інтенсивної технології зневоднення вугільних флотоконцентратів вакуумним фільтруванням поширити досвід застосування методики повного факторного планування технологічних процесів збагачення корисних копалин на основі центрально-композиційних ротатабельних планів.

Виклад основного матеріалу

Розглянемо алгоритм планування експерименту на прикладі дослідження інтенсивної технології зневоднення вугільних флотоконцентратів вакуумним фільтруванням. Метою даних досліджень є розробка та аналіз регресійної моделі інтенсивної технології зневоднення вакуумним фільтруванням тонкодисперсного вугілля з використанням поверхнево-активних речовин (ПАР).

1. Розробка плану

Досліджувався вплив на процес зневоднення чотирьох основних факторів, обраних на підставі апріорних даних: густини вихідної водовугільній суміші флотоконцентрату (X1), зольності флотоконцентрату (X2), величини вакуумметричного тиску (X3) і витрати ПАР (X4). Вибрані фактори задовольняють вимогам керованості, взаємнонезалежності, однозначності, яким повинні задовольняти варіативні фактори при плануванні експерименту. Функція відгуку – во-Збагачення корисних копалин, 2017. – Вип. 65(106) логість вугілля W, зневодненого вакуумним фільтруванням. Область факторного планування представлена в табл.1.

Таблиця 1

Область факторного планування							
Фактор	Код	Одиниця	ниця Рівні факторів				
Φακτορ	фактора	виміру	-2	-1	0	+1	+2
Густина гідросуміші	X1	кг/м ³	100	150	200	250	300
Зольність флотоконцентрата	X2	%	6,0	8,0	10,0	12,0	14,0
Вакуумметричний тиск	X3	кПа	40	50	60	70	80
Витрати ПАР	X4	г/т	0	50	100	150	200

Двічі клацнувши на робочому столі комп'ютера на ярлику відкриємо вікно програми **STATGRAPHICS**. Виберемо меню **Special | Experimental Design | Create Design.** Система відобразить вікно діалогу для завдання параметрів плану експерименту. Встановимо перемикач **Design Class** (тип плану) в положення **Response Surface** (поверхня відгуку). Введемо 1 в полі числа змінних відгуку. Занесемо 4 в поле кількості вхідних факторів. Заповнене вікно діалогу зображено на рис. 1. Натиснемо кнопку **OK.** На екрані з'явиться ще одне вікно діалогу для опису досліджуваних вхідних факторів.



Рис. 1. Вікно діалогу для вибору параметрів плану

Для фактора A введемо ім'я X1 і кодовані значення верхнього рівня (+1) і нижнього рівня (-1).

Виберемо положення перемикача **В** (фактор **В**). Для фактора В введемо ім'я **Х2** і кодовані значення верхнього рівня (+1) і нижнього рівня (-1).

Аналогічним чином задамо імена і значення верхнього та нижнього рівня для двох, що залишилися факторів (X3 і X4) – рис. 2.

Factor De	finition Opti	ons		Factor Def	inition Opti	ons	
Factor C B C C C D C E C F C G C H	С С С С С С С С С	Name: ×1 Low: 1.0 High: [1.0 (Units:) Image: Continuous	OK Cancel Back Help	Factor C A C B C C C D C E C F C G C H		Name: >>2 Low: 1.0 High: 1.0 Unite:) Image: Continuous	OK Cancel Back Help
Factor De	finition Opti	ons		Factor Det	inition Opti	ons	X
Factor C A C B C C C D C E C F C G		Name: X3 Low: [-1.0 High: [1.0 (Unite:)	OK Cancel Back Help	Factor CA CB CC CD CE CF CG		Name: [X4] Low: [-1.0 High: [1.0 Unite:) [OK Cancel Back Help

Зневодненя та сушіння. Водно-шламове господарство

Рис. 2. Вікна діалогів для опису вхідних факторів

Натискаємо кнопку **ОК**. На екрані з'явиться вікно діалогу для опису функції відгуку. Введемо позначення відгуку **W** (вологість), а також його розмірність (%) (рис. 3).

Response I	Definition (ptions	
Response		Name:	OK
• 1	O 9	W	Cancel
C 2	O 10	(Units:)	
O 3	O 11	%	Back
C 4	O 12		Help
O 5	O 13		
C 6	O 14		
0.7	O 15		
C 8	C 16		

Рис. 3. Вікно діалогу для опису функції відгуку

Натиснемо кнопку **ОК.** На екрані з'явиться діалогове вікно з параметрами поверхні відгуку (рис. 4). Використовуючи кнопку зі стрілкою вниз, розгорнемо список передбачуваних варіантів, виберемо **central composite design: 2^4+star** (центрально-композиційний план 2^4+зірка) і натиснемо кнопку **ОК.**

З'явиться вікно діалогу опцій обраного композиційного плану (рис. 5). У верхньому рядку вікна з'являється найменування плану, нижче виведені загальна кількість необхідних експериментів (**Runs**) і число ступеня-ній свободи для помилки (**Error df**). Перемикач **Design Characteristics** (характеристики плану) встановимо в положення **Rotatable** (ротатабельний). Перемикач **Placement** (положення в план-матриці експерименту центральних точок) встановимо в положення **Last** (наприкінці) і знімемо прапорець **Randomise** (рандомізація). Кількість експериментів в центрі плану залишимо без змін (2 досліди). У нижній частині вікна наведено значення "зоряного плеча", яке для наших умов становить 2.

DraperLin small composite design 10 9 18 raperLin small composite design 10 9 10 raperLin small composite design 26 11 26 moral composite design 27 12 27 level factorial design 974 01 66 01 Secrepticitied design 974	18		
Dragest-Lin small composite design 10 9 10 Exercise Composite design 26 11 26 Sour-Behnen design 27 12 27 Divest factorial design 3^4 81 66 81 Jser-specified design 4		3	18
Central composite design: 2°4 + star 26 11 26 Box-Bahnken design: 2°4 81 66 81 3°level factorial design: 2°4 81 66 81 Usar-specified design	18	3	18
Soz-Behnken design. 27 12 27 Dievel factorial design: 2∩4 81 66 81 Jear-specified design.	26	11	26
D-level factorial design: 2^4 01 66 01 Jear-specified design	27	12	27
Uzez≃specified design.	81	66	81
E Diselve Block of Designs			
		18 25 27 81	10 9 26 11 27 12 51 65



Runs: 26	Error d.f.: 11	OK
Design Characteristics		Cancel
 Rotatable 		
Orthogonal		Grenerators
C Rotatable and Orthogor	nal	Back
C Face Centered		Help
Centerpoints	Replicate Design	
Number:	Number:	
2	0	
Placement		
C Random	Randomize	
C Spaced		
C First		
(nat		

Composite Design Options

Рис. 5. Опції вибраного композиційного плану

Натиснемо кнопку **ОК.** Система видасть зведення експериментального плану у вікні атрибутів поверхні відгуку (рис. 6).

Response Surface I	Design Attributes					
	****	Lbt	書 Row:	<u>8</u> *8		
Design Summary						
Design class: Res	sponse Surface					
Design name: Cent	ral composite d	esign: 2^4 +	star			
Design characteri	stic: Rotatable					
FILE NAME: CONCLU	.160>					
Base Design						
Number of experim	mental factors:	4 Number of	blocks: 1			
Number of respons	ses: 1	Funer des				
NUMDer of runs: 2 Pandomized: No	20	Error degi	ees of freedo	M: 11		
Kandomized. No						
actors	Low	High	Units	Continuous		
X1	-1.0	1.0		Yes		
X2	-1.0	1.0		Yes		
X3	-1.0	1.0		Yes		
X4	-1.0	1.0		Yes		
Responses	Units					
W	%					
The StatAdvisor						
You have creat	ed a Central co	mposite desig	in: 2"4 + star	design		
wnich will study to be wup in a ci	the effects of	4 tactors in	20 runs. The	aesign is		
heen randomized	If lurking uar	iables are n	esent them	au distort		
seen randomizeu.	1. Island of	repres die p	councy energy in	ay arsest		

Рис. 6. Зведення у вікні атрибутів поверхні відгуку

Зведення включає ім'я плану і його тип, а також коментарі до експерименту. Тут же наведена інформація про фактори, відгуку, кількості експериментів, числі блоків, кількість центральних точок і ступенях свободи для помилки.

2. Задання імені, збереження плану експерименту і роздруківка робочої таблиці

Виберемо File | Save Design File As, з'явиться відповідне вікно діалогу

(рис. 7). Задамо ім'я плану зневоднення-1.sfx в папці Зневоднення-1 і натиснемо кнопку ОК.

Save Design	File As			? 🔀
Папка: 🗀	Обезвоживание-1	•	🕁 🔁	➡ 📰 •
🗹 Обезвожи	зание-1.sfx			
Имя файла:	Обезвоживание-1.sfx			Сохранить
Тип файла:	SG PLUS Experiments (*.sfx)		•	Отмена
				Справка

Рис. 7. Задання назви експериментального плану

Інженер-збагачувач тепер готовий продовжити свій експеримент і почати збирати дані. Насамперед необхідно роздрукувати робочу таблицю, в якій зазначений порядок проведення експериментів. У вікні атрибутів поверхні відгуку натиснемо кнопку табличних опцій (рис. 8). У вікні діалогу встановимо прапорець **Worksheet** (робоча таблиця), знімемо прапорець **Design Summary** (зведення плану) і натиснемо кнопку **OK** (рис. 9). Робоча таблиця відобразиться у другому вікні на поі аналізу. Двічі натиснемо на заголовку вікна робочої таблиці і тим самим максимізуємо її розміри (рис. 10).

Response Surface I	Design Attributes			
	÷∲` <u>`\$\$</u> \$\$ \$\$ \$ \$ \$ \$ \$ \$ \$.bl:	음음 Row:	<i>B</i> *B
Design chary Design chars: Res Design name: Cent Design characteri File name: <untit Base Design</untit 	sponse Surface tral composite de istic: Rotatable tled>	esign: 2^4 +	star	
Number of experim Number of respons Number of runs: 2	mental factors: 4 ses: 1 26	Humber of	blocks: 1 rees of freedo	om: 11
Randomized: No Factors	Low	High	Units	Continuous
X1 X2	-1.0	1.0		Yes
X3	-1.0	1.0		Yes
X4	-1.0	1.0		Yes
Responses	Units			

Рис. 8. Вікно атрибутів поверхні відгуку

Рис. 9. Вікно діалогу для відображення робочої таблиці

Виберемо з меню File | Print – система надає вікно діалогу для роздруківки плану експерименту, що проводиться. Встановимо перемикач в положення All Text Panes (рис. 11) і натиснемо кнопку OK. Система роздрукує зведення проведеного аналізу і робочу таблицю для збору даних.

Response Surface Design Attributes	
обезвоживание -1 rum X1 X2 X3 X4 W 	<u>^</u>
1 -1,0-1,0-1,0-1,0 2 1,0 -1,0-1,0-1,0	
3 -1,01,0 -1,0 -1,0	=
4 1,8 1,8 -1,0 -1,0 <u> </u>	
5 -1,0 -1,0 1,0 -1,0	
6 1,0 -1,01,0	
9 -1,8 -1,8 -1,8 1,8	
10 1,0 -1,0 -1,0 1,0	
11 -1,0 1,0 -1,0 1,0	
12 1,0 1,0 -1,0 1,0	
13 -1,0 -1,0 1,0 1,0	
14 1,0 -1,0 1,0 1,0	
	<u>></u>

Print Analysis		
Принтер: Системный принтер		OK
Print Bange		Cancel
C All Panes		
C Visible Panes		Setup
All Text Panes		
C All Graphics Panes		
Print Quality: 600 dpi	•	Copies 1 🛨
Print to File		🔲 All Analyses
Print Quality: 600 dpi	•	Copies 1 🔹

Рис. 10. Робоча таблиця плану експерименту



Таблиия 2

3. Проведення експерименту

Надалі здійснювалася серія лабораторних експериментів зі значеннями досліджуваних параметрів відповідно до роздрукованої матриці планування. За вихідний матеріал було прийняте вугілля марки ДГ шахти Південно-Донбаська №1. Крупність вугілля становила 0-0,5 мм (флотаційна крупність). Вугілля змішувався з водою і в готову гідросуміш дозували реагент-модифікатор згідно матриці планування. В якості модифікатора використовували аніон активний реагент – лігносульфонат натрію (побічний продукт переробки деревини в целюлозу). Процес фільтрування здійснювався на лабораторній фільтрувальної установці. За результатами експериментів визначалася вологість осаду W, яка, як зазначалося вище, виступала в якості цільової функції (функції відгуку) в дослідженнях. Матриця планування і результати її реалізації представлені в таблиці 2.

Матриця планування та експериментальні дані.					
X_1	X_2	X ₃	X_4	W, %	
1	2	3	4	5	
-1	-1	-1	-1	24,5	
1	-1	-1	-1	26	
-1	1	-1	-1	25,9	
1	1	-1	-1	28	
-1	-1	1	-1	22,5	
1	-1	1	-1	24,3	
-1	1	1	-1	22,3	
1	1	1	-1	24,9	
-1	-1	-1	1	22,9	
1	-1	-1	1	23,3	
-1	1	-1	1	25	
1	1	-1	1	26	
			• • · · -		

Зневодненя та сушіння.	Водно-шламове господарство
------------------------	----------------------------

			Про	одовження табл. 2
1	2	3	4	5
-1	-1	1	1	23
1	-1	1	1	24
-1	1	1	1	23,2
1	1	1	1	24,7
-2	0	0	0	23
2	0	0	0	26,3
0	-2	0	0	22,9
0	2	0	0	25
0	0	-2	0	25,9
0	0	2	0	23,2
0	0	0	-2	25,7
0	0	0	2	23,7
0	0	0	0	24,5
0	0	0	0	24,5

Для введення значень цільової функції **W** у вихідну таблицю відкриємо файл "Зневоднення-1.sfx" (рис. 12). У таблиці плану експерименту введемо в колонку **W** порядково відповідні значення цільової функції. Збережемо таблицю вибравши опції File | Save | Save Design File.

2		I	ल्ला ज्या 🚛 😎 ன							
			× × ••• <u>× </u> ×				0.1.7	0-1-0	0-1-0	0-1-10
1	1 BLUCK	-1	-1	-1	-1	24.5	/	01_8	9	
2	1	1	-1	-1	-1	26				
3	1	-1	1	-1	-1	25.9			-	
4	1	1	1	-1	-1	28				
5	1	-1	-1	1	-1	22.5				
6	1	1	-1	1	-1	24,3				
7	1	-1	1	1	-1	22,3				
8	1	1	1	1	-1	24,9				
9	1	-1	-1	-1	1	22,9				
10	1	1	-1	-1	1	23,3				
11	1	-1	1	-1	1	25				
12	1	1	1	-1	1	26				
13	1	-1	-1	1	1	23				
14	1	1	-1	1	1	24				
15	1	-1	1	1	1	23,2				
16	1	1	1	1	1	24,7				
17	1	-2	0	0	0	23				
18	1	2	0	0	0	26,3				
19	1	0	-2	0	0	22,9				
20	1	0	2	0	0	25				
21	1	0	0	-2	0	25,9				
22	1	0	0	2	0	23,2				
23	1	0	0	0	-2	25,7				
24	1	0	0	0	2	23,7				
25	1	0	0	0	0	24,5				
26	1	0	0	0	0	24,5				
27										
28										
29										
30										
31										

Рис. 12. План-матриця експерименту з введеними в неї значеннями цільової функції W

4. Аналіз експериментальних даних

Вибираємо в меню Special | Experimental Design | Analyze Design – з'явиться відповідне вікно діалогу. Двічі клацнемо на W для введення імені ці-Збагачення корисних копалин, 2017. – Вип. 65(106)

Зневодненя та сушіння. Водно-шламове господарство

льової функції в поле даних і натиснемо кнопку **ОК.** Система відобразить первинну зведення проведеного аналізу (рис. 13). Для детального аналізу отриманої регресійної моделі натиснемо кнопку табличних опцій (друга зліва у верхньому ряду жовтого кольору). На екрані з'явиться вікно діалогу. Виберемо опції **ANOVA Table** (таблиця дисперсійного аналізу), **Regression Coefficients** (коефіцієнти рівняння регресії) і **Predictions** (передбачення функції). Натиснемо кнопку **ОК**. В області аналізу з'явиться три додаткових вікна.

Двічі клацаємо лівою кнопкою миші у вікні дисперсійного аналізу для максимізації його розміру (рис. 14).



Рис. 13. Первинне зведення аналізу

Рис. 14. Таблиця дисперсійного аналізу

Таблиця дисперсійного аналізу дозволяє оцінити статистичну значущість коефіцієнтів отриманої регресійної моделі. Коефіцієнти моделі, для яких р-рівень (**p-value**) менше 0,05, вважаються статистично значущими при довірчій ймовірності 95%. Як видно з наведених на рис. 14 даних, статистично значущими є коефіцієнти при лінійних членах рівняння регресії, членах, які відповідають парній взаємодії і коефіцієнт при X_2^2 . При цьому коефіцієнти при X_1^2 , X_3^2 і X_4^2 є статистично незначущими і при розрахунках за отриманою моделі можуть не враховуватися.

Найбільш зручно і наочно значимість коефіцієнтів моделі можна перевірити за допомогою Парето-карти. Для цього клацнемо кнопку графічних опцій (рис. 14) для виклику відповідного вікна діалогу. Встановимо прапорець **Pareto Chart** (Парето-карта) і натиснемо кнопку **OK** (рис. 15). Горизонтальні стовпці, що перетинають вертикальну лінію, що відповідає 95% довірчої ймовірності, свідчать про статистичну значущість відповідних коефіцієнтів моделі. Паретокарта наочно підтверджує статистичну незначущість коефіцієнтів при X_1^2 , X_3^2 і X_4^2 , встановлену вище за допомогою таблиці дисперсійного аналізу (рис. 14).



Рис. 15. Парето-карта коефіцієнтів моделі

Парето-карта також дає уявлення про порівняльну значущість вхідних факторів для досліджуваного процесу. Збільшення довжини горизонтальних стовпців свідчить про збільшення впливу на процес відповідного фактора. Як видно з рис. 15, на процес вакуумного фільтрування вугільного флотоконцентрату найбільш істотно впливає чинник X1, тобто густина суспензії флотоконцентрату. Далі за значимістю фактори убувають в наступній послідовності: X3 (вакуумметричний тиск) \rightarrow X2 (зольність твердої фази) \rightarrow X₄ (витрати ПАР).

Колонки, колір яких відзначений знаком плюс, відповідають факторам і їх парним взаємодіям, які сприяють зростанню цільової функції (вологості осаду в нашому випадку). І, навпаки, колонки, колір яких відзначений знаком мінус, відповідають факторам і їх парним взаємодіям, які сприяють зменшенню значень цільової функції.

Двічі клацнемо лівою кнопкою миші у вікні **Regression Coefficient** для максимізації його розміру (рис. 16). У цьому вікні представлені значення коефіцієнтів рівняння регресії. У нижній частині цього ж вікна представлено саме рівняння регресії у вигляді полінома другого ступеня. Відповідно до даних, наведених на рис. 16, рівняння регресії з урахуванням значущості коефіцієнтів має вигляд:

$$W = 24,5 + 0,770833X_{1} + 0,570833 \cdot X_{2} - 0,754167 \cdot X_{3} - 0,429167 \cdot X_{4} + 0,15625 \cdot X_{1} \cdot X_{2} + 0,11875 \cdot X_{1} \cdot X_{3} - 0,25625 \cdot X_{1} \cdot X_{4} - 0,146875 \cdot X_{2}^{2} - 0,43125 \cdot X_{2} \cdot X_{3} + 0,11875 \cdot X_{2} \cdot X_{4} + 0,50625 \cdot X_{3} \cdot X_{4}$$
(1)

Адекватність отриманої моделі досліджуваному процесу підтверджується високим значенням (близько 100%) коефіцієнта детермінації R2 = 99,44%, а також малим значенням стандартної помилки оцінки SE = 0,1598 (рис. 14).

Натиснемо на кнопці графічних опцій і у вікні Graphical Options (властивості графіка) виберемо опцію Diagnostic Plots (діагностичний графік). У новому графічному вікні, що з'явилося, двічі клацнемо лівою кнопкою миші для максимізації його розміру. У цьому ж вікні клацнемо правою кнопкою

миші і в контекстному виберемо опцію **Pane Options.** У новому графічному вікні, що з'явилося **Diagnostic Plot Options** (властивості діагностичного графіка) відзначимо опцію **Observed vs Predicted** (відповідність між експериментальними і розрахунковими даними) і натиснемо кнопку **OK**. У вікні в графічній формі дано порівняння експериментальних (observed) та розрахункових (predicted) даних (рис. 17).

	<mark>. •</mark> • • • • • • • •	Lbi:	Bow:	<i>8</i> *8
Regressio	n coeffs. for W			
Constant A:X1 B:X2 C:X3 D:X4 AA AB AC AD BB BC BC BD CC CD DD	$\begin{array}{c} 24,5\\ = 0,770833\\ = 0,570833\\ = -0,754167\\ = 0,028125\\ = 0,15625\\ = 0,15625\\ = 0,15625\\ = -0,25625\\ = -0,25625\\ = -0,25625\\ = 0,11875\\ = 0,11875\\ = 0,11875\\ = 0,03125\\ = 0,003125\\ = 0,004625\\ \end{array}$			
The StatA This p the data. W = 24,5 0,028125* 0,146875* 0,50625*X	dvisor The equation of the fitt- + 0,770833*X1 + 0,57083*X, X1^2 + 0,15625*X1*X2 + 0,1 X2^2 - 0,43125*X2*X3 + 0,1 3*X4 + 0,040625*X4^2	n equation which ha ad model is 2 - 0,754167*X3 - 0 875*X1*X3 - 0,255 1875*X2*X4 + 0,0031	us been fitted to),429167*X4 + 25*X1*X4 - 125*X3*2 +	

Рис. 16. Значення коефіцієнтів рівняння регресії



Рис. 17. Графік порівняння експериментальних (observed) і розрахункових (predicted) значень цільової функції

Як видно, в більшості випадків різниця між цими даними невелика. Більшість експериментальних точок знаходиться поблизу прямої лінії.

Повернемося в головне вікно двічі клацнувши лівою кнопкою миші. У колонці табличних опцій двічі клацнемо лівою кнопкою миші у вікні Estimation Results for W (оцінка результатів для функції відгуку W) для максимізації його

розміру (рис. 18). У цьому вікні наведені експери-ментальні (observed) і розрахункові (fitted) значення цільової функції W в точках план-матриці експерименту. У четвертій колонці таблиці наведені "залишки" (residual), як різниця між експериментальними і розрахунковими (передбаченими) значеннями цільової функції. Малі абсолютні значення цих залишків є додатковим свідченням адекватності отриманої регресійної моделі досліджуваному процесу зневоднення флотоконцентрату вакуумним фільтруванням.

		6 67 + Lo: [Row:	1
Stimation	Results for W				
	Observed	Fitted			
ow	Value	Value	Residual		
1	24,5	24,4792	0,0208333		
2	26,0	25,9833	0,0166667		
з	25,9	25,9333	-0,0333333		
4	28,0	28,0625	-0,0625		
5	22,5	22,5833	-0,0833333		
6	24,3	24,5625	-0,2625		
7	22,3	22,3125	-0,0125		
8	24,9	24,9167	-0,0166667		
9	22,9	22,8833	0,0166667		
10	23,3	23,3625	-0,0625		
11	25,0	24,8125	0,1875		
12	26,0	25,9167	0,0833333		
13	23,0	23,0125	-0,0125		
14	24,0	23,9667	0,0333333		
15	23,2	23,2167	-0,0166667		
16	24,7	24,7958	-0,0958333		
17	23,0	23,0708	-0,0708333		
18	26,3	26,1542	0,145833		
19	22,9	22,7708	0,129167		
20	25,0	25,0542	-0,0541667		
21	25,9	26,0208	-0,120833		
22	23,2	23,0042	0,195833		
23	25,7	25,5208	0,179167		
24	23,7	23,8042	-0,104167		
25	24,5	24,5	0,0		
26	24,5	24,5	0,0		

Рис. 18. Таблиця порівняння експериментальних і розрахункових даних

Повернемося в головне вікно двічі клацнувши лівою кнопкою миші. Натискаємо на кнопці графічних опцій і у вікні Graphical Options (властивості графіка) виберемо дві опції Response Plots (графіки функції відгуку) і натиснемо кнопку ОК. У правій колонці аналізу з'явиться два нові вікна. Двічі клацнемо лівою кнопкою миші у вікні Estimated Response Surface (оцінка поверхні відгуку) для його максимізації (рис. 19). У цьому вікні представлений тривимірний графік залежності цільової функції W від факторів X1 і X2. При цьому, як видно, фактори ХЗ і Х4 зафіксовані на нульовому рівні. Натиснемо в межах вікна правою кнопкою миші. У контекстному меню виберемо опцію Pane Options. З'явиться вікно Response Plot Options (властивості графіка функції відгуку) (рис. 20). В області цього вікна Туре (тип графіка) встановимо опцію Surface (поверхня). В області вікна Surface встановимо число поділок горизонтальної та вертикальної шкали графіка на рівні 10 а також виберемо опцію Solid. Для якісного відображення графіка поверхні відгуку опцію Resolution (доздільна здатність) встановимо не нижче 100. Для збереження введених установок натиснемо кнопку ОК.





Туре	OK
 Surface 	Cancel
C Contour	
C Square	Factors
C Cube	Help
Contours	Surface
From: 23,	Horizontal Division:
To: 26,3) (ortigal Division:
By: 0,3	10
C Lines	Contours Below
C Painted Regions	🗖 Show Points
	C Wire Frame
esolution:	Solid
00	C Contoured

Рис. 20. Контекстне меню Response Plot Options

Повторно клацнемо в межах вікна правою кнопкою миші. У контекстному меню виберемо опцію **Graphics Options.** Закладки вікна **Graphics Options** (рис. 21) дозволяють відформатувати тривимірний графік – змінити характер забарвлення поверхні, змінити межі зміни значень вхідних параметрів, виконати розмітку осей і т.д. Для зміни положення графіку в тривимірному просторі натисніть зелену кнопку в рядку меню графічного вікна (рис. 22). При цьому стають доступними жовті кнопки і повзуни зміни положення графіка в горизонтальній і вертикальній площині. Натискання кнопок призводить до безперервного обертання графіка навколо відповідної осі. Повторне натискання кнопки призводить до зупинки обертання. Повзуни призначені для дискретної зміни положення графіка.





Рис. 22. Регулювання положення графіка у тривимірному просторі

На рис. 23 показаний можливий варіант форматування тривимірного графіка поверхні відгуку. Для вибору іншої пари вхідних параметрів знов клацніть в графічному вікні правою кнопкою миші, виберіть у контекстному меню опцію **Pane Options** і у вікні **Response Plot Options** (рис. 20) виберіть опцію **Factors** (фактори). З'явиться діалогове вікно **Response Plot Factors** (фактори функції відгуку) (рис. 24). Тут можна вибрати будь-яку пару вхідних параметрів, задати інтервали їх варіювання, а також фіксовані значення інших факторів.



Рис. 23. Варіант форматування графіка поверхні відгуку

Response Pla	ot Factors			×
♥ ×1 ♥ ×2 ■ ×3 ■ ×4	Low -2, -2, -2, -2,	High 2, 2, 2, 2,	Hold 0, 0, 0, 0,	OK Cancel Help



У головному меню аналізу **Analyze Experiment** двічі клацаємо у вікні **Contours of Estimated Response Surface** (оцінка контурного графіка функції відгуку) для максимізації його розміру (рис. 25, а). Показаний контурний графік являє собою контури проекцій рівних значень функції відгуку на площину. Форматування контурного графіка здійснюється так само як і графіка поверхні відгуку. На рис. 25, б наведено приклад відформатованого контурного графіка.



Рис. 25. Контурний графік поверхні відгуку: а – початковий; б – після форматування

Будь-який з графіків програми **STATGRAPHICS** може бути скопійований в буфер обміну **Windows** і вставлений, наприклад, в **документ Microsoft Word**. Крім того, графіки можуть бути збережені в більшості відомих форматів – **wmf** (windows metafiles); jpg (JPEG 24 bit color); tif (TIF color) і ін. Копіювання в

буфер обміну або збереження у вигляді графічного файлу здійснюється за допомогою контекстного меню, що викликається при клацанні правою кнопкою миші у вікні графіка.

На рис. 26 показано узагальнене вікно графічного аналізу отриманого рівняння регресії, скомпоноване в текстовому редакторі **Microsoft Word.**



Рис. 26. Узагальнене вікно графічного аналізу отриманого рівняння регресії

Проаналізуємо отримані результати. Як видно з тривимірних перетинів гіперповерхні W (Xi) і контурних кривих цих поверхонь, вологість зневодненого вугілля зростає в міру збільшення густини гідросуміші (X1) і зростання зольності твердої фази (X2). У той же час зростання вакуумметричного тиску (X3) призводить до зниження вологості вугілля. Це відповідає класичним уявленням про вплив зазначених факторів на ефективність зневоднення фільтруванням. Що стосується впливу реагенту-модифікатора (X4), то зі збільшенням його ви-

трати вологість осаду помітно зменшується. При цьому найбільш позитивний вплив реагенту спостерігається при невеликих значеннях вакуумметричного тиску. Зі збільшенням останнього вплив реагентів на вологість вугільного осаду нівелюється.

Отже, механічні фактори в процесі зневоднення є домінуючими. Реагентні методи інтенсифікації зневоднення фільтруванням можуть бути рекомендовані при недостатніх рівнях вакуумметричного тиску. При збільшенні витрати реагенту від 0 до 200 г/т можливе зменшення вологості вугільного осаду на 1,8-2,0%.

Для збереження результатів досліджень у вигляді файлу проекту виберемо пункти меню File | Save As | Save Statfolio As. У вікні (рис. 27) задамося ім'ям файлу проекту (наприклад, зневоднення-1.sqp) і збережемо його в тій же папці, що й файл вихідних даних зневоднення-1.sfx.

Save StatFo	io As	? ×
Папка: 🔀	Data 💌	+ 🗈 📸 🎟 -
 Sample1.s Sample2.s Sample3.s Sample4.s 	gp gp gp	
Имя файла: Тип файла:	<mark>обезвоживание-1.sgp</mark> StatFolios (*.sgp)	Сохранить Фтмена Справка

Рис. 27. Збереження результатів досліджень

Висновок

Показано, що застосування повного факторного планування технологічних процесів на основі центрально-композиційних ротатабельних планів є потужним інструментом дослідження в галузі збагачення корисних копалин.

Викладено алгоритм планування експерименту на прикладі дослідження інтенсивної технології зневоднення вугільних флотоконцентратів вакуумним фільтруванням. Встановлено, що механічні фактори в процесі зневоднення флотоконцентратів є домінуючими. Реагентні методи інтенсифікації зневоднення фільтруванням можуть бути рекомендовані при недостатніх рівнях вакуумметричного тиску. При збільшенні витрати реагенту лігносульфонату натрію від 0 до 200 г/т можливе зменшення вологості вугільного осаду на 1,8-2,0%.

Список літератури

1. Сергєєв П.В., Білецький В.С. Комп'ютерне моделювання технологічних процесів переробки корисних копалин (практикум) – Маріуполь: Східний видавничий дім, 2016. – 119 с.

2. Білецький В.С., Смирнов В.О. Моделювання процесів збагачення корисних копалин. – Донецьк: Східний видавничий дім, 2013. – 304 с.

Зневодненя та сушіння. Водно-шламове господарство

3. Козин В.З. Экспериментальное моделирование и оптимизация процессов обогащения полезных ископаемых. – М.: Недра, 1984. – 112 с.

4. Рубинштейн Ю.Б., Волков Л.А. Математические методы в обогащении полезных ископаемых. – М.: Недра, 1987. – 296 с.

5. Адлер Ю.П., Маркова Е.В., Грановский Ю.В. Планирование эксперимента при порске оптимальних условий. – М.: Наука, 1976. – 254 с.

6. Зедгинидзе И.Г. Планирование эксперимента для исследования многокомпонентных систем. – М.: Наука, 1976. – 296 с.

7. Montgomery, Douglas (2013). Design and analysis of experiments (8th ed.). Hoboken, NJ: John Wiley & Sons, Inc. ISBN 9781118146927.

8. Walpole, Ronald E.; Myers, Raymond H.; Myers, Sharon L.; Ye, Keying (2007). Probability & statistics for engineers & scientists(8 ed.). Upper Saddle River, NJ: Pearson Prentice Hall.ISBN 978-0131877115.

© Сергеев П.В., Белецкий В.С., 2017

Надійшла до редколегії 20.01.2017 р. Рекомендовано до публікації д.т.н. П.І. Піловим